

Model Distillation

oooooooooooooooooooo

Dataset distillation

oooo

Batch normalization

oooo

# Машинное обучение (Machine Learning)

## Distillation and Batch Normalization

Уткин Л.В.

Санкт-Петербургский политехнический университет Петра Великого



# Model Distillation

# Model Distillation

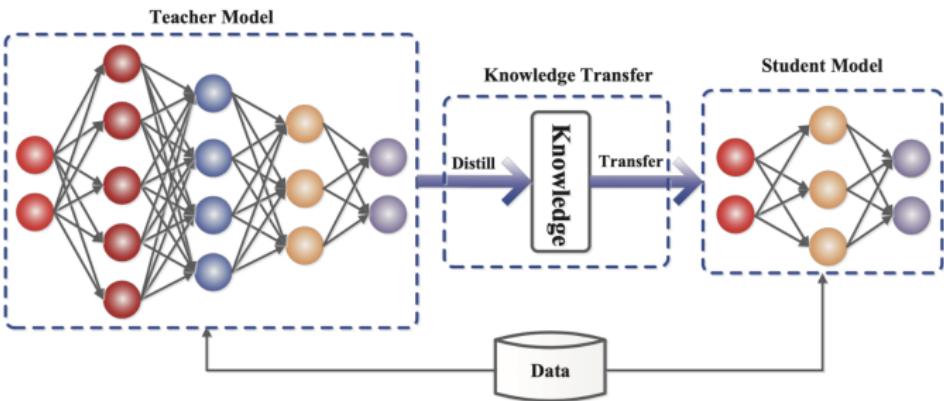
Jianping Gou et al. Knowledge Distillation: A Survey. arXiv:2006.05525

G. Hinton, O. Vinyals, J. Dean. Distilling the Knowledge in a Neural Network,  
arXiv:1503.02531

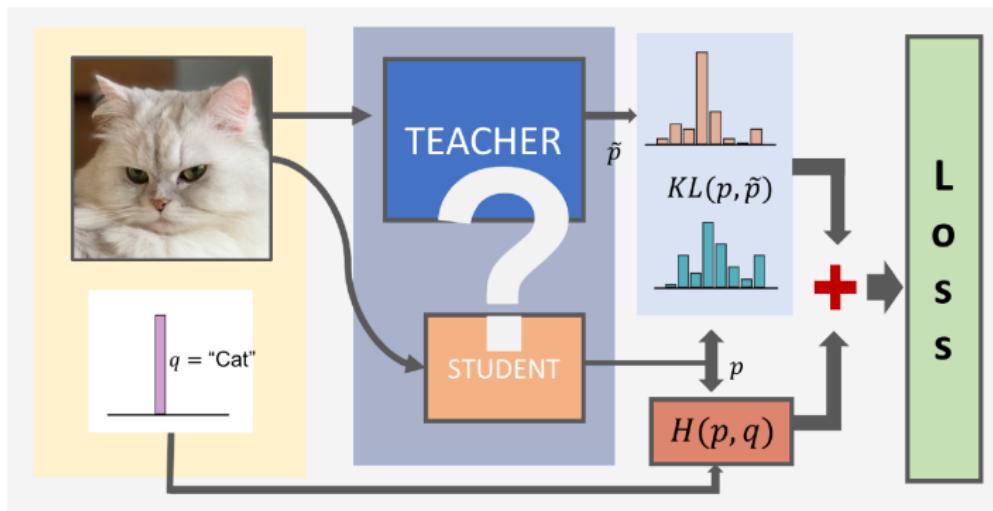




# Distillation (модель учитель-студент)



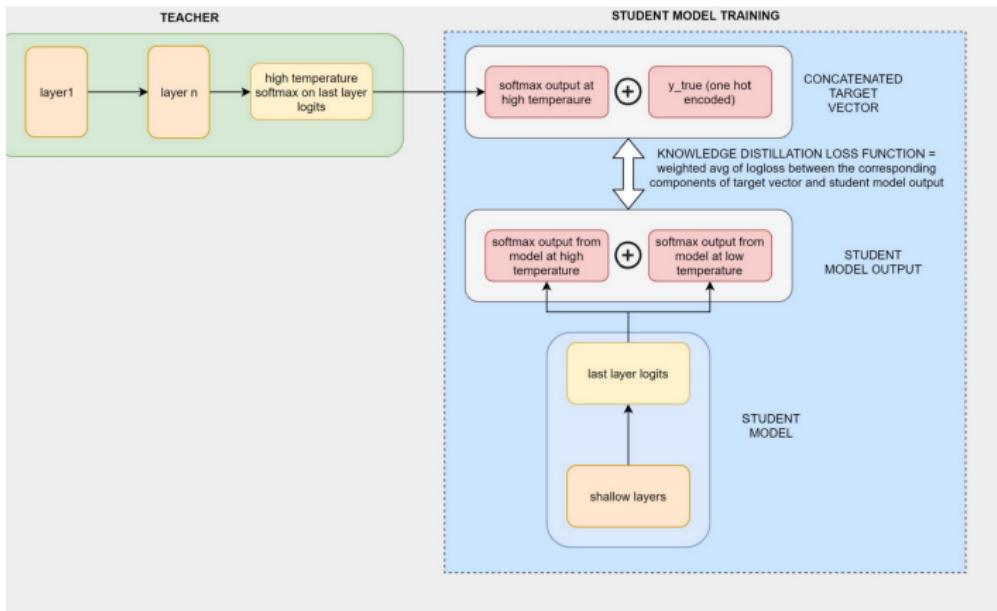
# Distillation (модель учитель-студент)



J.H. Cho and B. Hariharan. On the Efficacy of Knowledge Distillation.

arXiv:1910.01348v1

# Distillation (модель учитель-студент)



# Distillation (температура)

- Softmax возвращает вероятности каждого класса от 0 до 1, и их сумма =1, целевой класс имеет высокую вероятность

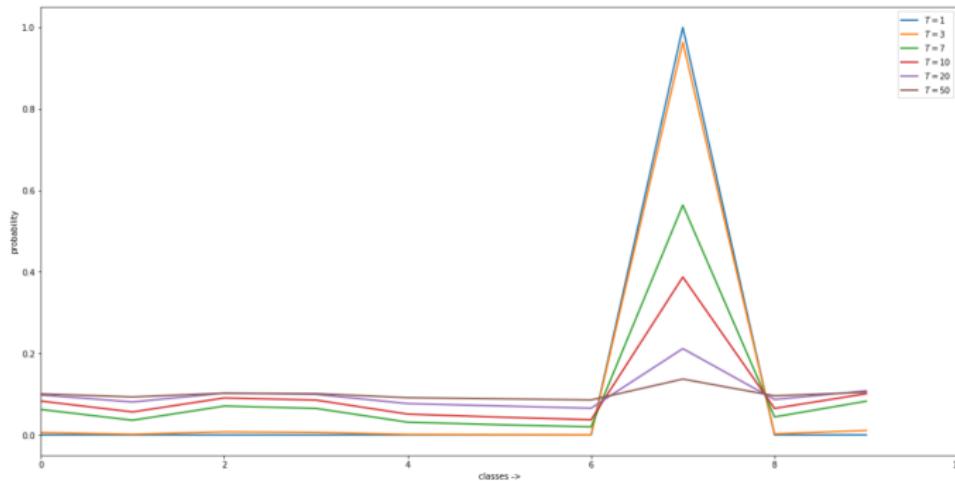
$$p_t(z_i) = \frac{\exp(z_i)}{\sum_j \exp(z_j)}$$

- Softmax с температурой

$$p_t^*(z_i, T) = \frac{\exp(z_i/T)}{\sum_j \exp(z_j/T)}$$

- Больше температура - более размыты вероятности классов

# Distillation (температура и MNIST)



Вероятности цифр MNIST, классифицируется цифра 7

Model Distillation

oooooooo●ooooooooooooooooooooooo

Dataset distillation

ooooooo

Batch normalization

oooooo

# Distillation (dark knowledge)

1 7  
один      семь или один?

# Distillation (dark knowledge)

- Модель дает более высокую вероятность для 1 одновременно прогнозируя 7 при высокой  $T$
- Человек не может количественно определить, насколько 7 выглядит ближе к 1, а “высокотемпературная” модель делает это
- Т.о. “высокотемпературная” модель обладает “темными” знаниями - в дополнение к предсказанию числа 7, она также хранит информацию о том, насколько это число 7 напоминает число 1
- “Низкотемпературная” модель (обычная модель) хороша для точных прогнозов, но теряем эти “темные” знания
- Основная идея distillation - передача “темных” знаний от обученного учителя к простой модели студента

# Distillation (обучение студента)

- Модель студента обучается при той же высокой температуре, что и учитель
- Функция потерь для студента

$$L = \alpha L_{\text{cross entropy}} + (1 - \alpha)L_{\text{knowledge distil.}}$$

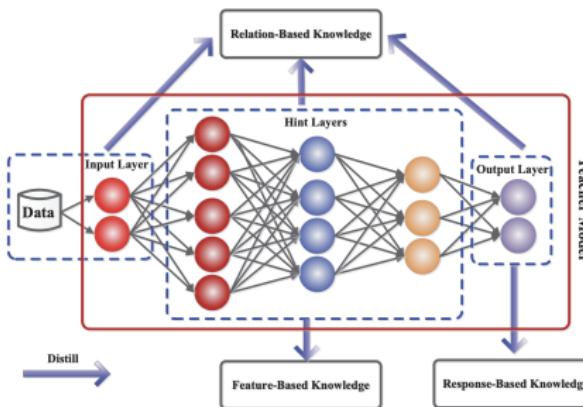
$$L_{\text{knowledge distil.}} = -\tau \sum_i p_t^*(z_i, T) \ln p_s^*(z_i, T)$$

- Модель студента тестируется с обычной активацией softmax (т.е. без температуры).

# Типы знаний

- Response-based knowledge
- Feature-based knowledge
- Relation-based knowledge
- Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Типы знаний

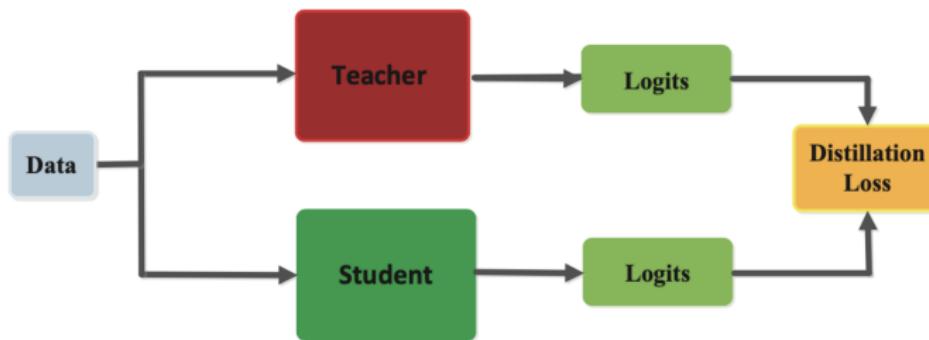


Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Response-based knowledge

- Знания, основанные на ответах, фокусируются на конечном выходном слое модели учителя.
- Гипотеза состоит в том, что модель ученика научится имитировать предсказания модели учителя, используя *distillation loss*, которая фиксирует разницу между логитами модели ученика и модели учителя соответственно.

# Response-based knowledge (chema)

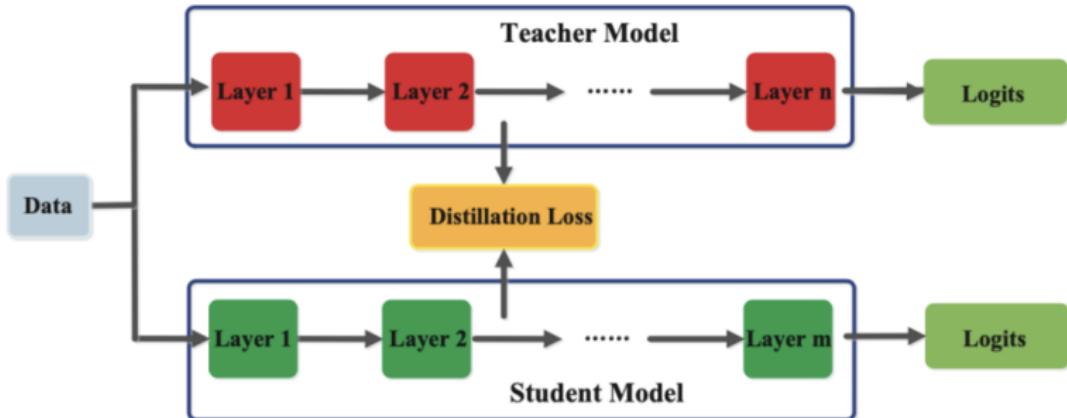


Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Feature-based knowledge

- Модель обученного учителя также фиксирует знания о данных в своих промежуточных слоях (для глубоких нейронных сетей).
- Промежуточные слои учатся различать определенные признаки, и эти знания можно использовать для обучения модели ученика.
- Цель - обучить модель ученика так, чтобы получить такие же карты признаков, что и модель учителя.
- Distillation loss минимизирует разницу между картами признаков моделей учителя и ученика.

# Feature-based knowledge (cxema)



Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Feature-based knowledge (обучение)

- Distillation loss:

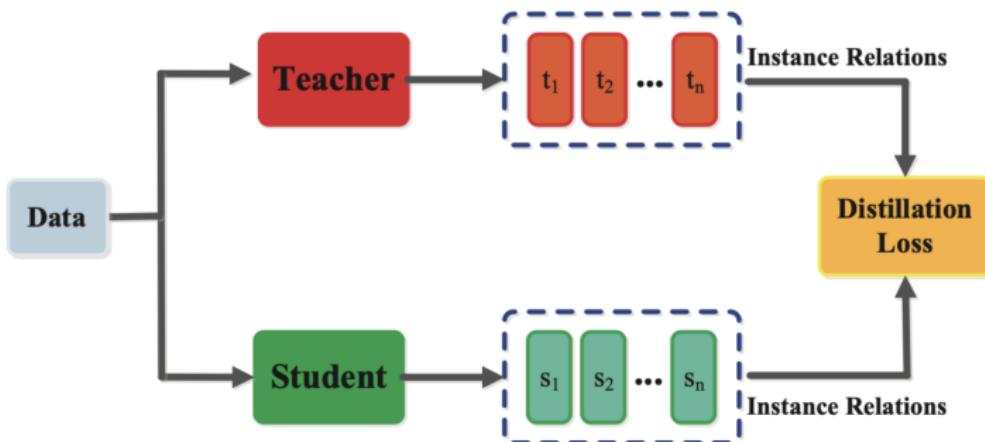
$$L(f_t(x), f_s(x)) = \mathcal{L}_F(\Phi_t(f_t(x)), \Phi_s(f_s(x)))$$

- $f_t(x)$  и  $f_s(x)$  - карты признаков промежуточных слоев моделей учителя и студента
- $\Phi_t(f_t(x))$  и  $\Phi_s(f_s(x))$  - функции трансформации, применяемые, когда карты признаков учителя и ученика имеют разный масштаб или размер
- $\mathcal{L}_F$  - функция схожести карт признаков учителя и студента (норма  $L_2$  или  $L_1$ , кросс-энтропия и т.д.)

# Relation-based knowledge

- В дополнение к знаниям, представленным в выходных слоях и промежуточных слоях нейронной сети, знания, которые отражают взаимосвязь между картами признаков, также могут использоваться для обучения модели ученика.
- Эти отношения можно смоделировать как корреляцию между картами признаков, матрицей подобия, эмбедингами или распределениями вероятностей на основе представлений признаков

# Relation-based knowledge (cxema)



Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Relation-based knowledge (обучение)

- Distillation loss на основе отношения карт **признаков**:

$$L(f_t(x), f_s(x)) = \mathcal{L}_{R1} \left( \Psi_t(\hat{f}_t, \tilde{f}_t), \Psi_s(\hat{f}_s, \tilde{f}_s) \right)$$

- $f_t(x)$  и  $f_s(x)$  - карты признаков промежуточных слоев моделей учителя и студента
- Пары карт признаков выбраны из модели учителя  $\hat{f}_t, \tilde{f}_t$  и модели ученика  $\hat{f}_s, \tilde{f}_s$
- $\Psi_t()$  и  $\Psi_s()$  - функции близости пар карт признаков учителя и ученика
- $\mathcal{L}_{R1}$  - функция корреляции между картами признаков учителя и студента

# Relation-based knowledge (обучение)

- Distillation loss на основе отношения **примеров**:

$$L(F_t, F_s) = \mathcal{L}_{R1}(\psi_t(t_i, t_j), \psi_s(s_i, s_j))$$

- $t_i, t_j$  и  $s_i, s_j$  - представления признаков для примеров учителя и студента
- $\psi_t()$  и  $\psi_s()$  - функции близости пар представлений признаков
- $\mathcal{L}_{R1}$  - функция корреляции между представлениями признаков учителя и студента

# Основные схемы distillation (offline distillation)

- Автономная дистилляция означает перенос знаний из обученной модели учителя в модель ученика.
- Процесс состоит из двух этапов:
  - обучение модели учителя перед дистилляцией;
  - знания в форме логитов или промежуточных признаков используются для обучения модели ученика.
- Концентрируется на улучшении различных аспектов передачи информации.
- Основное преимущество автономных методов - они просты и быстры в использовании.

# Основные схемы distillation (offline distillation)



# Основные схемы distillation (online distillation)

- Модели учителя и ученика обновляются одновременно в онлайн-дистилляции, и вся структура дистилляции знаний поддается обучению от начала до конца.
- Это новый способ заставить несколько нейронных сетей “сотрудничать” в глубоком взаимном обучении.
- Вариант онлайн-дистилляции, совместная дистилляция, используется для обучения крупномасштабной распределенной нейронной сети. Это процесс, в котором несколько моделей обучаются параллельно с одной и той же архитектурой.

Model Distillation

oooooooooooooooooooo●oooooooooooo

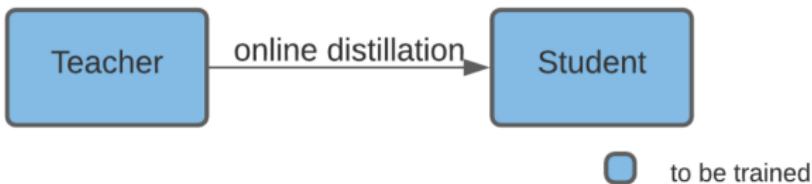
Dataset distillation

ooooooo

Batch normalization

oooooo

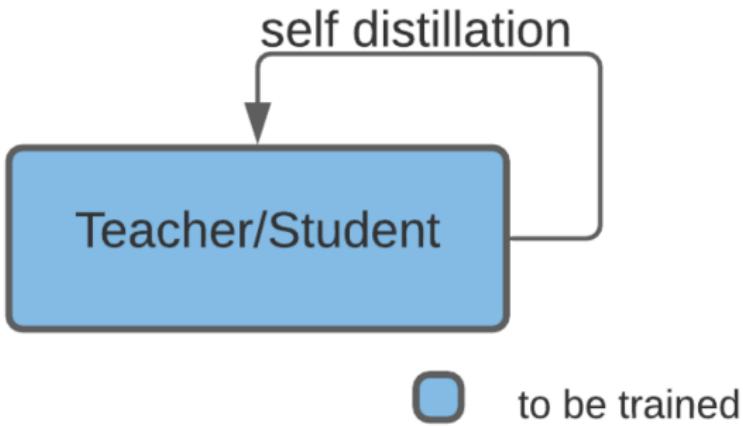
# Основные схемы distillation (online distillation)



# Основные схемы distillation (self-distillation)

- **Self-distillation**: одни и те же сети используются для моделей учителя и ученика при self-distillation.
- Это можно рассматривать как частный случай онлайн-дистилляции. В частности, знания “перегоняются” из более глубоких участков сети в ее shallow-участки.
- Особый вариант self-distillation, называемый “перегонкой” моментальных снимков, при котором знания из более ранних эпох сети (учителя) переносятся в ее более поздние эпохи (ученик) для поддержки контролируемого процесса обучения в той же сети.

# Основные схемы distillation (self-distillation)



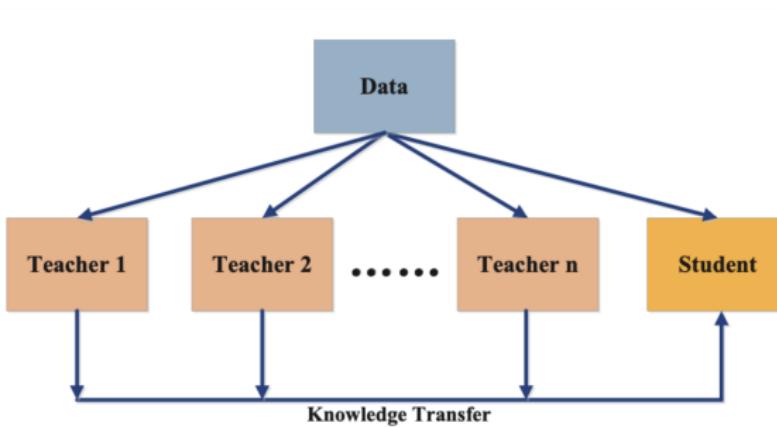
# Основные схемы distillation

- Оффлайн, онлайн и self-distillation могут быть интуитивно поняты с точки зрения обучения между учителем и учеником:
  - дистилляция в автономном режиме означает, что учитель учит ученика чему-то, чтобы ученик получил знания об этом;
  - онлайн-дистилляция относится к тому, когда и учитель, и ученик учатся вместе;
  - self-distillation относится к тому, когда учащийся усваивает знания самостоятельно.
- Эти три типа дистилляции можно комбинировать, чтобы дополнять друг друга в зависимости от индивидуальных преимуществ.

# Multi-Teacher distillation

- Модель ученика получает знания от нескольких разных моделей учителей.
- Использование ансамбля моделей учителей может предоставить модели ученика различные виды знаний. Несколько учителей могут передавать разные виды знаний
- Знания от нескольких учителей можно объединить в качестве среднего ответа по всем моделям.

# Multi-Teacher distillation (cxema)

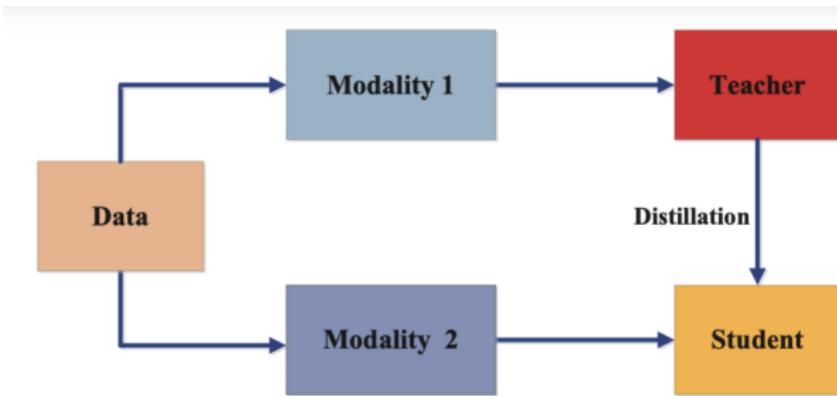


Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Cross-modal distillation

- Учитель обучается одной модальности, а его знания передаются ученику, которому требуются знания из другой модальности.
- Когда данные или метки недоступны для конкретных модальностей ни во время обучения, ни во время тестирования, что требует передачи знаний между модальностями.
- Например, знания учителя, обученного работе с размеченными данными изображения, можно использовать для дистилляции модели ученика с неразмеченной входной областью, такой как оптический поток, текст или аудио. В этом случае функции, извлеченные из изображений модели учителя, используются для supervised обучения модели ученика.

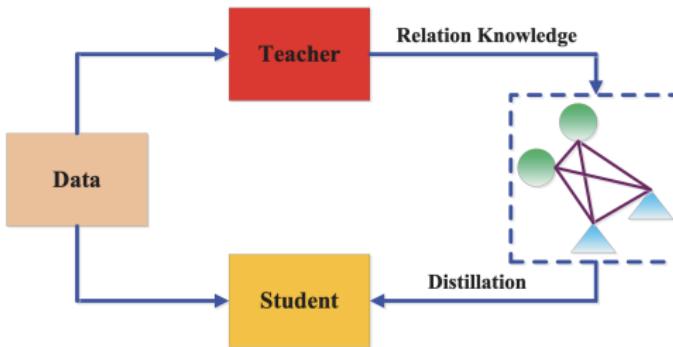
# Cross-modal distillation (cxema)



Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Graph-based distillation

- **Graph-based distillation:** фиксирует взаимосвязи внутри данных, используя графы, а не отдельные экземпляры знаний от учителя к ученику. Графы используются двумя способами:
  - как средство передачи знаний
  - для контроля передачи знаний учителя.

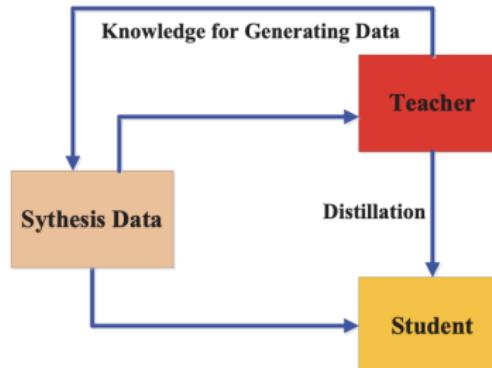


# Attention-based distillation

- **Attention-based distillation** основана на передаче знаний из встроенных функций с использованием карт внимания.
- Главное в attention-based distillation - это определить карты внимания для создания эмбедингов признаков в слоях нейронной сети. Тогда знания об эмбедингах передаются, используя функции карт внимания.

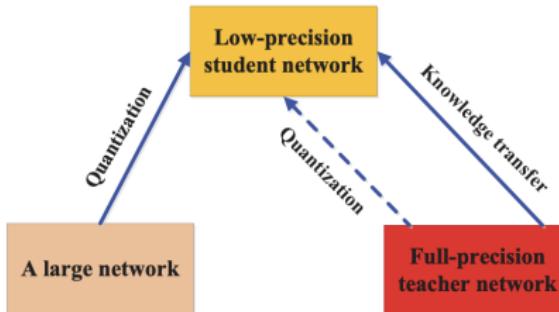
# Data-free distillation

- **Data-free distillation**- на основе синтетических данных при отсутствии обучающего набора данных для студента. Синтетические данные обычно генерируются из представлений признаков предварительно обученной модели учителя. В других приложениях GAN также используются для создания синтетических обучающих данных.



# Quantized distillation

- **Quantized distillation** - для передачи знаний из высокоточной модели учителя (например, 32-битной с плавающей запятой) в низкоточную студенческую сеть (например, 8-битную).



Source: <https://arxiv.org/pdf/2006.05525.pdf>

# Lifelong и NAS distillation

- **Lifelong distillation** - основана на механизмах непрерывного обучения и метаобучения, при которых ранее полученные знания накапливаются и передаются для обучения в будущем. Обеспечивает эффективный способ сохранения и передачи полученных знаний без катастрофического забывания.
- **Neural architecture search-based distillation (NAS)** - AutoML подход, используется для определения подходящих архитектур моделей учеников, которые оптимизируют обучение на основе моделей учителей.

# Dataset Distillation

# Dataset Distillation

Ruonan Yu, Songhua Liu, Xinchao Wang. Dataset Distillation: A Comprehensive Review. arXiv:2301.07014

Tongzhou Wang et al. Dataset Distillation. arXiv:1811.10959

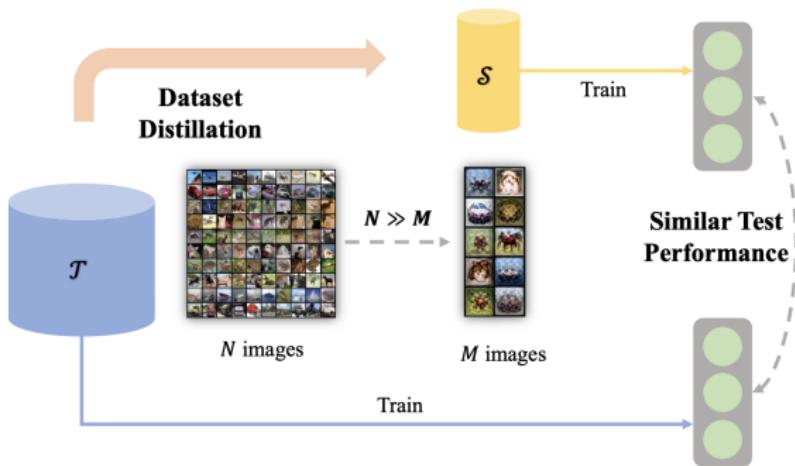
<https://alexanderdyakonov.wordpress.com/2020/10/21/data-distillation/>

Bo Zhao, Hakan Bilen. Dataset condensation with distribution matching.  
arXiv:2110.04181.

# Dataset distillation - цель

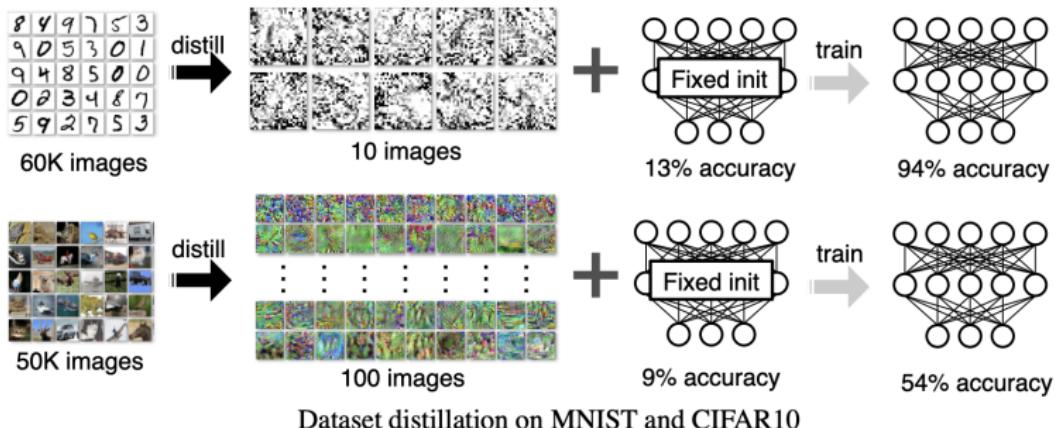
- **Дистилляция набора данных** направлена на создание небольшого информативного датасета из большого датасета, чтобы модели, обученные на этих датасетах, имели такую же тестовую эффективность, что и модели, обученные на исходном датасете.
- Аналогично **dataset condensation** (уплотнение данных), но DC чаще основан на генерации синтетических “малых” данных, а DD на подвыборке в новом представлении признаков

# Dataset distillation - цель



<https://arxiv.org/pdf/2301.07014.pdf>

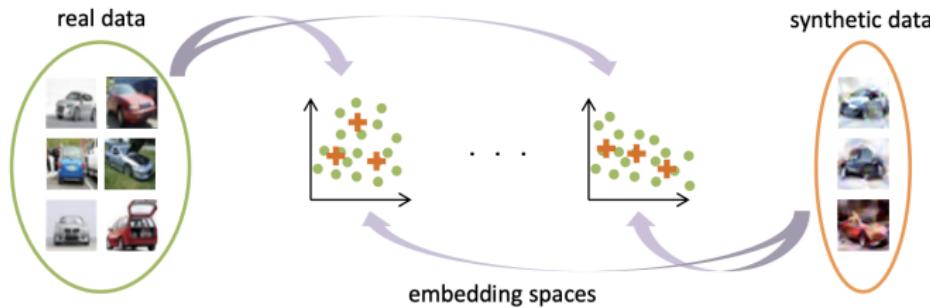
# Dataset distillation - еще



Tongzhou Wang et al. Dataset Distillation. arXiv:1811.10959

# Интересный метод (1)

- Bo Zhao, Hakan Bilen. Dataset condensation with distribution matching.  
arXiv:2110.04181.
- Случайным образом отбираем реальные и синтетические данные, а затем встраиваем (embed) их при помощи случайно выбранных глубоких нейронных сетей.



## Интересный метод (2)

- Учим синтетические данные, сводя к минимуму несоответствие распределений (the distribution discrepancy) между реальными и синтетическими данными в пространствах эмбединга.
- Пусть  $\mathcal{T} = \{\mathbf{x}_i, y_i\}_{i=1}^T$  - большой датасет,  $\mathcal{S} = \{\mathbf{s}_i, y_i\}_{i=1}^S$  - малый синтетич. датасет.
- Цель  $\mathbb{E}_{\mathbf{x} \sim P_D} [I(\phi_{\theta^T}(\mathbf{x}), y)] \simeq \mathbb{E}_{\mathbf{x} \sim P_D} [I(\phi_{\theta^S}(\mathbf{x}), y)]$ , где  $P_D$  - реальное распределение данных,  $I$  - функция потерь (кросс-энтропия),  $\phi$  - глубокая нейронная сеть с параметрами  $\theta$ ,  $\phi_{\theta^T}$  и  $\phi_{\theta^S}$  - сетки обученные на  $\mathcal{T}$  и  $\mathcal{S}$

# Maximum mean discrepancy

- Maximum mean discrepancy (MMD):

$$\mathbb{E}_{\vartheta \sim P_\vartheta} \left\| \frac{1}{|\mathcal{T}|} \sum_{i=1}^{|\mathcal{T}|} \psi_\vartheta(\mathbf{x}_i) - \frac{1}{|\mathcal{S}|} \sum_{j=1}^{|\mathcal{S}|} \psi_\vartheta(\mathbf{s}_j) \right\|^2$$

- где  $P_\vartheta$  - распределение параметров сети,  $\psi_\vartheta$  - функция с параметрами  $\vartheta$  переводящая  $\mathbf{x}$  в эмбединг меньшей размерности.
- Применяем дифференцируемую сиамскую аугментацию  $A(\cdot, \omega)$  к реальным и синтетическим данным, где  $\omega \sim \Omega$  - параметр аугментации, такой как угол поворота.

# Задача оптимизации

- Окончательно, получаем задачу

$$\min_{\mathcal{S}} \mathbb{E}_{\vartheta \sim P_\vartheta, \omega \sim \Omega} \left\| \frac{1}{|\mathcal{T}|} \sum_{i=1}^{|\mathcal{T}|} \psi_\vartheta(\mathcal{A}(\mathbf{x}_i, \omega)) - \frac{1}{|\mathcal{S}|} \sum_{j=1}^{|\mathcal{S}|} \psi_\vartheta(\mathcal{A}(\mathbf{s}_j, \omega)) \right\|^2.$$

- Обучаем синтетические данные  $\mathcal{S}$ , минимизируя разность между двумя распределениями в различных пространствах вложения путем семплирования  $\vartheta$ .

Model Distillation

oooooooooooooooooooo

Dataset distillation

oooooo

Batch normalization

●ooooo

# Batch normalization

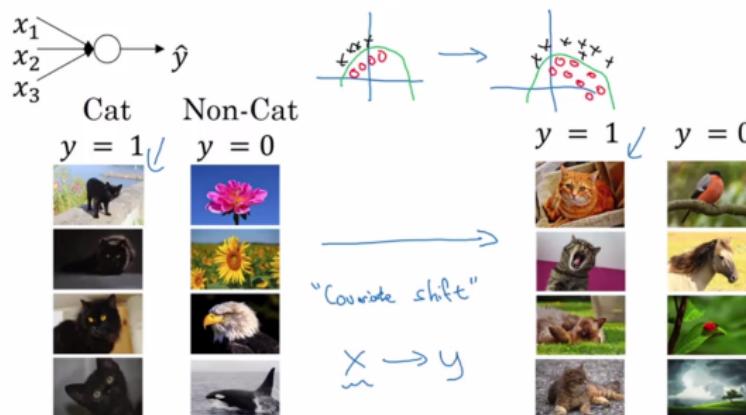
# Batch normalization

# Batch normalization (пакетная нормализация, BN) - зачем

- Есть функции активации от 0 до 1, а есть от 1 до 1000
- Если нормализуем входной слой, почему не сделать это для всех или части слоев
  - Это добавляет некоторый шум к активациям аналогично dropout (регуляризация)
  - Уменьшает смещение
  - Делает слои сети более независимыми от других слоев
  - Высокая скорость обучения, т.к. нет очень больших или малых активаций

# BN - уменьшает смещение

Сеть по классификации кошек: обучаем только на черных кошках. Если применить сеть к цветными кошками, то будут ошибки. Обучающий и тестовый датасеты немного различаются. Batch normalization уменьшает смещение



# BN - как

BN добавляет два обучаемых параметра к каждому слою:  $\gamma$  и  $\beta$ , что позволяет SGD выполнять денормализацию, изменяя только эти два веса для каждой активации, вместо потери стабильности сети путем изменения всех весов

**Input:** Values of  $x$  over a mini-batch:  $\mathcal{B} = \{x_{1\dots m}\}$ ;  
 Parameters to be learned:  $\gamma, \beta$

**Output:**  $\{y_i = \text{BN}_{\gamma, \beta}(x_i)\}$

$$\begin{aligned} \mu_{\mathcal{B}} &\leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m x_i && // \text{mini-batch mean} \\ \sigma_{\mathcal{B}}^2 &\leftarrow \frac{1}{m} \sum_{i=1}^m (x_i - \mu_{\mathcal{B}})^2 && // \text{mini-batch variance} \\ \hat{x}_i &\leftarrow \frac{x_i - \mu_{\mathcal{B}}}{\sqrt{\sigma_{\mathcal{B}}^2 + \epsilon}} && // \text{normalize} \\ y_i &\leftarrow \gamma \hat{x}_i + \beta \equiv \text{BN}_{\gamma, \beta}(x_i) && // \text{scale and shift} \end{aligned}$$

# BN - зачем gamma и beta

- Если использовать BN в предобученной сети, то это изменит обученные веса (плохо)
- Поэтому нужно определить  $\gamma$  и  $\beta$ , чтобы отменить изменение выходных данных

Model Distillation

ooooooooooooooooooooooo

Dataset distillation

ooooooo

Batch normalization

ooooo●

# Вопросы

?